

## Konstruktion eines Kreises nach dem Satz des Pythagoras

$r := 1$	Radius des Kreises
$x_0 := 0.5$	Länge der waagerechten Kathete des dargestellten Dreiecks
$x := 0, 0.01 \dots x_0$	Mögliche Werte für die Länge der waagerechten Kathete
$y_0 := \sqrt{r^2 - x_0^2}$	Länge der senkrechten Kathete des dargestellten Dreiecks
$y := 0, 0.01 \dots y_0$	Mögliche Werte für die Länge der senkrechten Kathete
$g(x) := \frac{y_0}{x_0} \cdot x$	Hypotenuse des dargestellten Dreiecks

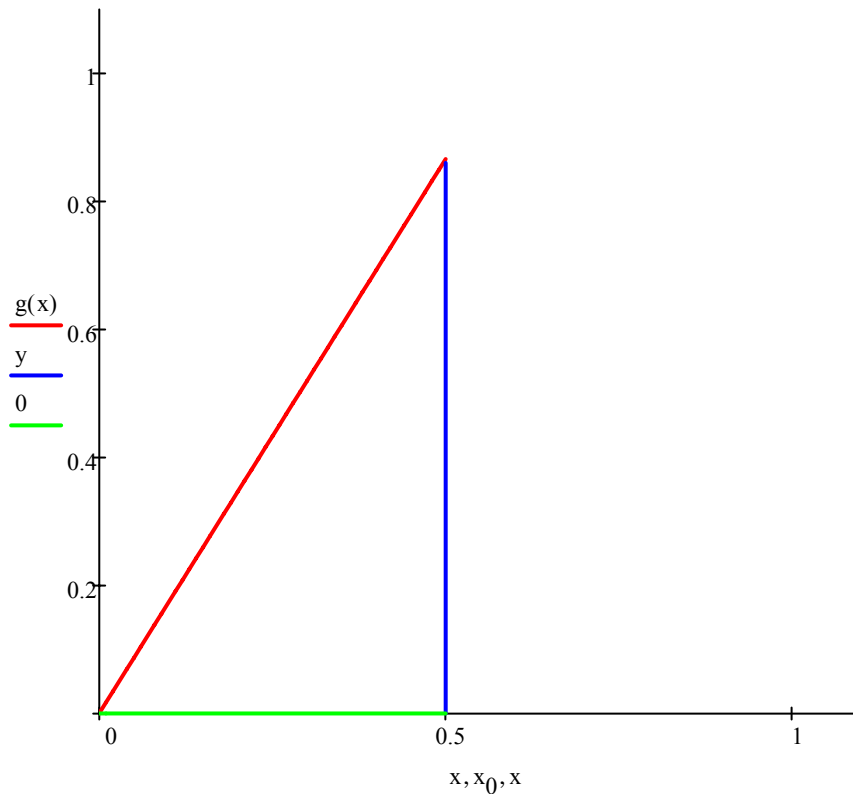
Die Länge der Hypotenuse ist gleich dem Radius des Kreises  $r$ .

Beweis:

Bezeichnet man die Länge der durch  $g(x)$  gebildeten Hypotenuse als  $lh$ , dann gilt nach dem Satz des Pythagoras  $lh^2 = x_0^2 + y_0^2$ . Die Größe  $y_0$  ist aber definiert als  $y_0 := \sqrt{r^2 - x_0^2}$ , sodass gilt

$y_0^2 = r^2 - x_0^2$ . Setzt man dies in die Gleichung für  $lh^2$  ein, so erhält man  $lh^2 = x_0^2 + r^2 - x_0^2$ .

Hieraus folgt  $lh = r$ .



Da die Hypotenuse für alle Werte von  $x_0$  und  $y_0$  die Länge  $r$  hat, beschreibt die Hypotenuse für alle Werte von  $x_0$  einen Kreis mit dem Radius  $r$ , hier aufgrund der Vorgabe positiver Werte einen Viertelkreis.